

государственное автономное профессиональное образовательное учреждение
Самарской области
«Новокуйбышевский гуманитарно-технологический колледж»

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ УЧЕБНОЙ
ДИСЦИПЛИНЫ**

ОУД 04. Математика

для специальности:

44.02.01 Дошкольное образование

профиль подготовки: гуманитарный

на базе основного общего образования

ОДОБРЕНА
Предметно-цикловой комиссией
«Математика и информационные
технологии»
Председатель ПЦК Е.А.Баткова

СОГЛАСОВАНО
Заместитель директора
О.С.Макарова

Составлена в соответствии с федеральным государственным образовательным стандартом среднего общего образования, утверждённым приказом Министерства образования и науки РФ от 17 мая 2012г. № 413 с изменениями на 29 июня 2017г., на основании Примерной программы общеобразовательной учебной дисциплины для профессиональных образовательных организаций «Математика», рекомендованной ФГАУ «Федеральный институт развития образования», рег. № 377 от 23.07.15г., с учётом уточнённых рекомендаций по организации получения среднего общего образования в пределах освоения образовательных программ среднего профессионального образования, одобренных Научно-методическим советом Центра профессионального образования и систем квалификаций ФГАУ «ФИРО» от 25.05.2017

Разработчик:

<u>ГАПОУ «НГТК»</u> (место работы)	<u>преподаватель</u> (занимаемая должность)	<u>И.Г.Фролова</u> (инициалы, фамилия)
---------------------------------------	------------------------------------------------	-------------------------------------------

Рецензенты:

<u>ГАПОУ «НГТК»</u>	<u>Председатель ПЦК</u>	<u>Е.А.Баткова</u>
---------------------	-------------------------	--------------------

(место работы)	(занимаемая должность)	(инициалы, фамилия)
----------------	------------------------	---------------------

(место работы)	(занимаемая должность)	(инициалы, фамилия)
----------------	------------------------	---------------------

Дата актуализации	Результаты актуализации	Подпись разработчика

СОДЕРЖАНИЕ

	стр.
1. ПАСПОРТ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ	4
2. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ	7
3. УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ	14
4. КОНТРОЛЬ И ОЦЕНКА РЕЗУЛЬТАТОВ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ	16
5. ХАРАКТЕРИСТИКА ОСНОВНЫХ ВИДОВ ДЕЯТЕЛЬНОСТИ СТУДЕНТОВ	18

1. ПАСПОРТ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Математика

1.1. Область применения рабочей программы

Рабочая программа общеобразовательной учебной дисциплины является частью общеобразовательной подготовки студентов по программе подготовки специалистов среднего звена по специальности СПО 44.02.01 Дошкольное образование базовой подготовки.

Рабочая программа общеобразовательной учебной дисциплины может быть использована другими образовательными учреждениями профессионального и дополнительного образования, реализующими образовательную программу среднего общего образования.

1.2. Место учебной дисциплины в структуре основной профессиональной образовательной программы: учебная дисциплина «Математика» реализуется в рамках общих, базовых учебных дисциплин общеобразовательного цикла.

1.3. Цели и задачи учебной дисциплины – требования к результатам освоения учебной дисциплины:

Содержание учебной дисциплины «Математика» направлено на достижение следующих целей:

- обеспечение сформированности представлений о социальных, культурных и исторических факторах становления математики;
- обеспечение сформированности логического, алгоритмического и математического мышления;
- обеспечение сформированности умений применять полученные знания при решении различных задач;
- обеспечение сформированности представлений о математике как части общечеловеческой культуры, универсальном языке науки, позволяющем описывать и изучать реальные процессы и явления.

Освоение содержания учебной дисциплины «Математика» обеспечивает достижение студентами следующих результатов:

• личностных:

— сформированность представлений о математике как универсальном языке науки, средстве моделирования явлений и процессов, идеях и методах математики;

— понимание значимости математики для научно-технического прогресса, сформированность отношения к математике как к части общечеловеческой культуры через знакомство с историей развития математики, эволюцией

математических идей;

— развитие логического мышления, пространственного воображения, алгоритмической культуры, критичности мышления на уровне, необходимом для будущей профессиональной деятельности, для продолжения образования и самообразования;

— овладение математическими знаниями и умениями, необходимыми в повседневной жизни, для освоения смежных естественно-научных дисциплин и дисциплин профессионального цикла, для получения образования в областях, не требующих углубленной математической подготовки;

— готовность и способность к образованию, в том числе самообразованию, на протяжении всей жизни; сознательное отношение к непрерывному образованию как условию успешной профессиональной и общественной деятельности;

— готовность и способность к самостоятельной творческой и ответственной деятельности;

— готовность к коллективной работе, сотрудничеству со сверстниками в образовательной, общественно полезной, учебно-исследовательской, проектной и других видах деятельности;

— отношение к профессиональной деятельности как возможности участия в решении личных, общественных, государственных, общенациональных проблем;

• метапредметных:

— умение самостоятельно определять цели деятельности и составлять планы деятельности; самостоятельно осуществлять, контролировать и корректировать деятельность; использовать все возможные ресурсы для достижения поставленных целей и реализации планов деятельности; выбирать успешные стратегии в различных ситуациях;

— умение продуктивно общаться и взаимодействовать в процессе совместной деятельности, учитывать позиции других участников деятельности, эффективно разрешать конфликты;

— владение навыками познавательной, учебно-исследовательской и проектной деятельности, навыками разрешения проблем; способность и готовность к самостоятельному поиску методов решения практических задач, применению различных методов познания;

— готовность и способность к самостоятельной информационно-познавательной деятельности, включая умение ориентироваться в различных источниках информации, критически оценивать и интерпретировать информацию, получаемую из различных источников;

— владение языковыми средствами: умение ясно, логично и точно излагать свою точку зрения, использовать адекватные языковые средства;

— владение навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов и оснований, границ своего знания и незнания, новых познавательных задач и средств для их

достижения;

— целеустремленность в поисках и принятии решений, сообразительность и интуиция, развитость пространственных представлений; способность воспринимать красоту и гармонию мира;

• **предметных:**

— сформированность представлений о математике как части мировой культуры и месте математики в современной цивилизации, способах описания явлений реального мира на математическом языке;

— сформированность представлений о математических понятиях как важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать разные процессы и явления; понимание возможности аксиоматического построения математических теорий;

— владение методами доказательств и алгоритмов решения, умение их применять, проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач;

— владение стандартными приемами решения рациональных и иррациональных, показательных, степенных, тригонометрических уравнений и неравенств, их систем; использование готовых компьютерных программ, в том числе для поиска пути решения и иллюстрации решения уравнений и неравенств;

— сформированность представлений об основных понятиях математического анализа и их свойствах, владение умением характеризовать поведение функций, использование полученных знаний для описания и анализа реальных зависимостей;

— владение основными понятиями о плоских и пространственных геометрических фигурах, их основных свойствах; сформированность умения распознавать геометрические фигуры на чертежах, моделях и в реальном мире; применение изученных свойств геометрических фигур и формул для решения геометрических задач и задач с практическим содержанием;

— сформированность представлений о процессах и явлениях, имеющих вероятностный характер, статистических закономерностях в реальном мире, основных понятиях элементарной теории вероятностей; умений находить и оценивать вероятности наступления событий в простейших практических ситуациях и основные характеристики случайных величин;

— владение навыками использования готовых компьютерных программ при решении задач.

1.4. Количество часов на освоение рабочей программы учебной дисциплины:

максимальной учебной нагрузки обучающегося **183** часа, в том числе:

- обязательной аудиторной учебной нагрузки обучающегося **122** часа;
- самостоятельной работы обучающегося **61** час.

2. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

2.1. Объем учебной дисциплины и виды учебной работы

Вид учебной работы	Объем часов
Максимальная учебная нагрузка (всего)	183
Обязательная аудиторная учебная нагрузка (всего)	122
в том числе:	
практические занятия	62
контрольная работа	4
Самостоятельная работа обучающегося (всего)	61
в том числе:	
подготовка докладов	20
решение задач	28
выполнение учебно-исследовательской работы	6
подготовка конспектов	7
Итоговая аттестация в форме экзамена	

2.2. Содержание учебной дисциплины Математика

Наименование разделов и тем	Содержание учебного материала, лабораторные работы и практические занятия, самостоятельная работа обучающихся, курсовая работа (проект)	Объем часов	Уровень освоения
1	2	3	4
Введение.	1. Математика в науке, технике, экономике, информационных технологиях и практической деятельности. Цели и задачи изучения математики при освоении профессий СПО и специальностей СПО.		
Раздел 1. Алгебра и начала математического анализа		119	
Тема 1.1 Развитие понятия о числе	Содержание учебного материала	6	1-2
	1. Целые и рациональные числа. Периодические десятичные дроби. Десятичные приближения действительных чисел.		
	Практические занятия 1	2	
	1. Выполнение приближенных вычислений. Вычисление погрешностей вычислений с приближенными данными		
	Самостоятельная работа	2	
1. Подготовка доклада на тему: «Комплексные числа» используя возможности сети Интернет.			
2. Решение задач на тему: «Вычисление погрешностей вычислений с приближенными данными»			
Тема 1.2 Корни, степени и логарифмы	Содержание учебного материала	28	2-3
	1. Корни натуральной степени из числа и их свойства.		
	2. Степени с рациональными и действительными показателями, их свойства.		2-3
	3. Понятие логарифма. Логарифм. Логарифм числа. Десятичные и натуральные логарифмы. Правила действий с логарифмами.		2-3
	4. Преобразование алгебраических выражений.		
	5. Контрольная работа по теме «Корни, степени и логарифмы»		
	Практические занятия 2,3, 4, 5, 6	10	
	1. Вычисление корня n-й степени из действительного числа.		
	2. Преобразование выражений, содержащих радикалы.		
	3. Решение задач на тему: «Переход к новому основанию логарифма»		
	4. Преобразование степенных, показательных и логарифмических выражений		
	5. Преобразование рациональных и иррациональных выражений		
	Самостоятельная работа	8	
	1. Решение задач на тему: «Вычисление корня n-ой степени»		
2. Подготовка конспекта на тему: «Понятие логарифма, и числа e » используя возможности сети Интернет.			
3. Решение задач на тему: «Вычисление логарифмов».			
4. Подготовка конспекта на тему: «Преобразование алгебраических выражений» используя возможности сети Интернет.			

	5.	Подготовка доклада на тему: «Число e ».		
	6.	Подготовка к контрольной работе на тему: «Корни, степени и логарифмы»		
Тема 1.3 Основы тригонометрии	Содержание учебного материала		22	
	1.	Числовая окружность на координатной плоскости. Радианная мера угла. Вращательное движение.		1-2
	2.	Синус, косинус, тангенс и котангенс числа. Основные тригонометрические тождества, формулы приведения. Синус, косинус и тангенс суммы и разности двух углов. Синус и косинус двойного и половинного угла. Преобразования суммы тригонометрических функций в произведение и произведения в сумму.		2-3
	3.	Арксинус, арккосинус, арктангенс и аркотангенс числа		2-3
	Практические занятия 7, 8, 9		6	
	1.	Решение задач на тему: «Тригонометрические функции числового и углового аргументов»		
	2.	Преобразование сумм тригонометрических функций в произведение и произведений тригонометрических выражений в сумму		
	3.	Вычисление арксинуса и арккосинуса, арктангенса и аркотангенса числа. Решение простейших тригонометрических уравнений		
	Самостоятельная работа		10	
	1.	Подготовка доклада на тему: «Синус и косинус числа» используя возможности сети Интернет.		
2.	Решение задач на тему: «Синус, косинус, тангенс и котангенс числа. Основные тригонометрические тождества»			
3.	Решение задач на тему: «Выражение тригонометрических функций через тангенс половинного аргумента»			
4.	Подготовка доклада на тему «Простейшие тригонометрические уравнения» используя возможности сети Интернет.			
5.	Решение задач на тему: «Выполнение тождественных преобразований в тригонометрических уравнениях»			
Тема 1.4 Функции, их свойства и графики	Содержание учебного материала		16	
	1.	Область определения и множество значений; график функции, построение графиков функций, заданных различными способами. Свойства функции: монотонность, четность, нечетность, ограниченность, периодичность. Промежутки возрастания и убывания, наибольшее и наименьшее значения, точки экстремума. Графическая интерпретация. Примеры функциональных зависимостей в реальных процессах и явлениях. Обратные функции. Сложная функция (композиция).		1-2
	2.	Преобразования графиков степенных, показательных и логарифмических функций.		2-3
	3.	Определения тригонометрических функций, их свойства и графики. Преобразования графиков.		2-3
	4.	Контрольная работа по теме: «Функции, их свойства и графики»		
	Практические занятия 10, 11, 12		6	
	1.	Исследование и построение графиков функций		
	2.	Построение графиков различных функций		

	3.	Построение графиков тригонометрических функций		
	Самостоятельная работа		2	
	1.	Подготовка доклада с презентацией на тему: «Степенные, показательные и логарифмические функции, их свойства и графики» используя возможности сети Интернет.		
Тема 1.5. Начала математического анализа	Содержание учебного материала		25	
	1.	Способы задания и свойства числовых последовательностей. Понятие о пределе последовательности. Существование предела монотонной ограниченной последовательности Суммирование последовательностей.		1-2
	2.	Понятие о производной функции, её геометрический и физический смысл. Производные суммы, разности, произведения, частного. Производные основных элементарных функций. Исследование функций на монотонность и экстремумы. Построение графиков. Вторая производная, ее геометрический и физический смысл.		2-3
	3.	Уравнение касательной к графику функции Примеры использования производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах.		2-3
	4.	Решение прикладных задач на нахождение наибольших и наименьших значений реальных величин		2-3
	Практические занятия 13, 14, 15, 16		8	
	1.	Вычисление пределов числовых последовательностей		
	2.	Дифференцирование элементарных функций.		
	3.	Построение графиков функций с помощью производной.		
	4.	Составление уравнения касательной к графику функции.		
	Самостоятельная работа		9	
	1.	Подготовка доклада с презентацией на тему «Понятие о производной функции .», используя возможности сети Интернет.		
	2.	Подготовка доклада с презентацией на тему «Уравнение касательной к графику функции» используя возможности сети Интернет.		
	3.	Решение задач на тему: «Дифференцирование элементарных функций», «Составление уравнения касательной к графику функции»		
	4.	Решение задач на тему: «Составление уравнения касательной к графику функции»		
5.	Решение прикладных задач на нахождение наибольших и наименьших значений реальных величин			
Тема 1.6. Интеграл и его применение	Содержание учебного материала		8	
	1.	Первообразная и интеграл. Правила отыскания первообразных. Таблица первообразных. Неопределенный интеграл.		1-2
	2.	Формула Ньютона—Лейбница. Применение определенного интеграла для нахождения площади криволинейной трапеции. Применение определенного интеграла в физике и геометрии.		
	Практические занятия 17, 18		6	
	1.	Вычисление неопределенного интеграла..		
	2.	Вычисление определенного интеграла.		
Самостоятельная работа		0		

Тема 1.7 Уравнения и неравенства	Содержание учебного материала		14	
	1.	Рациональные, иррациональные уравнения, системы и неравенства. Основные приемы их решения.		1-2
	2.	Показательные и логарифмические уравнения, системы и неравенства. Основные приемы их решения		2-3
	Практические занятия 19, 20, 21		6	
	1.	Решение рациональных и иррациональных уравнений, неравенств и систем		
	2.	Решение показательных и логарифмических уравнений, неравенств и систем уравнений		
	3.	Решение тригонометрических уравнений и систем		
	Самостоятельная работа		4	
1.	Решение рациональных и иррациональных систем уравнений.			
2.	Решение показательных уравнений и неравенств графическим методом.			
РАЗДЕЛ 2. ГЕОМЕТРИЯ		50		
Тема 2.1 Прямые и плоскости в пространстве	Содержание учебного материала		12	
	1.	Основные аксиомы стереометрии. Взаимное расположение двух прямых в пространстве. Признак параллельности прямой и плоскости. Параллельность плоскостей. Перпендикулярность прямой и плоскости. Перпендикуляр и наклонная. Теорема о трех перпендикулярах		1-2
	2.	Угол между прямой и плоскостью. Двугранный угол. Угол между плоскостями. Перпендикулярность двух плоскостей.		2-3
	Практические занятия 22, 23		6	
	1.	Решение задач на тему: «Перпендикуляр и наклонная к плоскости»		
	2.	Решение задач на нахождение углов между прямыми, параллельность прямой и плоскости. Решение задач на нахождение двугранных углов.		
	Самостоятельная работа		4	
	1.	Выполнение учебно-исследовательской работы на тему: «Параллельное проектирование».		
Тема 2.2 Многогранники	Содержание учебного материала		26	
	1.	Вершины, ребра, грани многогранника. Прямая и наклонная призма. Правильная призма. Параллелепипед. Куб. Правильная пирамида. Усеченная пирамида. Тетраэдр. Симметрии в многогранниках. Сечения куба, призмы и пирамиды.		1-2
	2.	Цилиндр и конус. Усеченный конус. Основание, высота, боковая поверхность, образующая, развертка. Осевые сечения и сечения, параллельные основанию.		2-3
	3.	Вычисление площадей геометрических тел. Интегральная формула объема. Формулы объема геометрических тел		2-3
	Практические занятия 24, 25, 26		6	
	1.	Нахождение основных элементов призмы и пирамиды. Построение сечений куба, призмы и пирамиды		
	2.	Нахождение основных элементов конуса и цилиндра, шара и сферы		
	3.	Вычисление площадей геометрических тел. Вычисление объемов геометрических тел.		
Самостоятельная работа		14		
1.	Подготовка конспекта на тему: «Многогранные углы. Выпуклые многогранники» используя			

		возможности сети Интернет.		
	2.	Подготовка конспекта на тему: «Теорема Эйлера» используя возможности сети Интернет.		
	3.	Подготовка конспекта на тему: «Шар и сфера, их сечения. Касательная плоскость к сфере» :		
	4.	Подготовка конспекта на тему: «Вычисление площадей геометрических тел»		
	5.	Выполнение учебно-исследовательской работы на тему: «Конические сечения и их применение в технике».		
Тема 2.3. Координаты и векторы	Содержание учебного материала		12	
	1.	Векторные и скалярные величины Прямоугольная (декартова) система координат в пространстве. Переход от одной прямоугольной декартовой системы координат к другой. Формула расстояния между двумя точками. Уравнения сферы, плоскости и прямой.		1-2
	2.	Векторы Модуль вектора. Равенство векторов. Сложение векторов. Умножение вектора на число. Разложение вектора по направлениям. Коллинеарные векторы. Угол между двумя векторами. Проекция вектора на ось. Координаты вектора. Скалярное произведение векторов. Свойства скалярного произведения векторов. Вычисление угла между векторами.		2-3
	Практические занятия 27, 28		4	
	1.	Выполнение действий над векторами. Вычисление скалярного произведения векторов. Векторное уравнение прямой и плоскости		
	2.	Использование координат и векторов при решении математических и прикладных задач		
	Самостоятельная работа		4	
	1.	Решение задач на тему: «Выполнение действий над векторами»		
	2.	Решение задач векторным способом		
РАЗДЕЛ 3. КОМБИНАТОРИКА. ЭЛЕМЕНТЫ ТЕОРИИ ВЕРОЯТНОСТЕЙ И МАТЕМАТИЧЕСКОЙ СТАТИСТИКИ			14	
Тема 3.1 Элементы комбинаторики	Содержание учебного материала		6	
	1.	Основные понятия комбинаторики. Размещения, перестановки, сочетания. Примеры простейших комбинаторных задач.		1-2
	Практические занятия 29		2	
	1.	Решение простейших комбинаторных задач		
	Самостоятельная работа		2	
1.	Подготовка конспекта на тему: «Бином Ньютона. Треугольник Паскаля»			
Тема 3.2. Элементы	Содержание учебного материала		8	

теории вероятностей и математической статистики	1.	Случайные события. Вероятность события События и операции над ними, вероятность события.		1-2
	Практические занятия 30, 31		4	
	1.	Вычисление вероятности события.		
	2.	Представление числовых данных.		
	Самостоятельная работа		2	
1.	Подготовка конспекта на тему: «Представление данных. Таблицы, диаграммы, графики » используя возможности сети Интернет.			
Экзамен				
			Всего:	183

3. УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

3.1. Требования к минимальному материально-техническому обеспечению

Реализация учебной дисциплины требует наличия учебного кабинета Математики

Оборудование учебного кабинета:

- посадочные места по количеству обучающихся;
- рабочее место преподавателя;
- комплект учебно-наглядных пособий по дисциплине.

Технические средства обучения:

- компьютер с лицензионным программным обучением;
- мультимедиапроектор.

3.2. Информационное обеспечение обучения

Перечень рекомендуемых учебных изданий, Интернет-ресурсов, дополнительной литературы

Основные источники:

1. Алимов Ш. А. и др. Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Алгебра и начала математического анализа (базовый и углубленный уровни). 10—11 классы. — М., 2014.
2. Атанасян Л. С., Бутузов В. Ф., Кадомцев С. Б. и др. Математика: алгебра и начала математического анализа. Геометрия. Геометрия (базовый и углубленный уровни). 10—11 классы. — М., 2014.
3. Башмаков М. И. Математика: учебник для студ. учреждений сред. проф. образования. — М., 2014.
4. Башмаков М. И. Математика. Сборник задач профильной направленности: учеб. Пособие для студ. учреждений сред. проф. образования. — М., 2014.
5. Башмаков М. И. Математика. Задачник: учеб. пособие для студ. учреждений сред. проф. образования. — М., 2014.
6. Башмаков М. И. Математика. Электронный учеб.-метод. комплекс для студ. учреждений сред. проф. образования. — М., 2015.

Дополнительные источники:

1. Башмаков М. И. Математика (базовый уровень). 10 класс. — М., 2014.
2. Башмаков М. И. Математика (базовый уровень). 11 класс. — М., 2014.
3. Башмаков М. И. Алгебра и начала анализа, геометрия. 10 класс. — М., 2013.

4. Башмаков М. И. Математика (базовый уровень). 10 класс. Сборник задач: учеб. пособие. — М., 2008.
5. Башмаков М. И. Математика (базовый уровень). 11 класс. Сборник задач: учеб. пособие. — М., 2012.
6. Гусев В. А., Григорьев С. Г., Иволгина С. В. Математика для профессий и специальностей социально-экономического профиля: учебник для студ. учреждений сред. проф. образования. — М., 2014.
7. Колягин Ю.М., Ткачева М. В, Федерова Н. Е. и др. Математика: алгебра и начала математического анализа. Алгебра и начала математического анализа (базовый и углубленный уровни). 10 класс / под ред. А. Б. Жижченко. — М., 2014.
8. Колягин Ю.М., Ткачева М. В., Федерова Н. Е. и др. Математика: алгебра и начала математического анализа. Алгебра и начала математического анализа (базовый и углубленный уровни). 11 класс / под ред. А. Б. Жижченко. — М., 2014.

Интернет-ресурсы

1. www.fcior.edu.ru (Информационные, тренировочные и контрольные материалы).
2. www.school-collection.edu.ru (Единая коллекции цифровых образовательных ресурсов).

4. КОНТРОЛЬ И ОЦЕНКА РЕЗУЛЬТАТОВ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Контроль и оценка результатов освоения учебной дисциплины осуществляется преподавателем в процессе проведения практических занятий, тестирования, а также выполнения обучающимися индивидуальных заданий, проектов, исследований.

Результаты обучения (освоенные умения, усвоенные знания)	Формы и методы контроля и оценки результатов обучения
Умения:	
владеть методами доказательств и алгоритмов решения, умение их применять, проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач	Оценка результатов выполненного задания – решения задач; оценка результатов выполнения практических заданий; оценка защиты доклада
владеть стандартными приемами решения рациональных и иррациональных, показательных, степенных, тригонометрических уравнений и неравенств, их систем	Оценка результатов выполненного задания – решения задач; оценка результатов выполнения практических заданий; оценка защиты доклада
использование готовых компьютерных программ, в том числе для поиска пути решения и иллюстрации решения уравнений и неравенств	Оценка результатов выполненного задания – решения задач; оценка выполнения учебно-исследовательской работы
владеть основными понятиями о плоских и пространственных геометрических фигурах, их основных свойствах	Оценка защиты доклада; оценка выполнения учебно-исследовательской работы
распознавать геометрические фигуры на чертежах, моделях и в реальном мире	Оценка результатов выполненного задания – решения задач; оценка результатов выполнения практических заданий; оценка защиты доклада; оценка выполнения учебно-исследовательской работы
применять изученные свойства геометрических фигур и формул для решения геометрических задач и задач с практическим содержанием	Оценка результатов выполненного задания – решения задач; оценка результатов выполнения практических заданий; оценка защиты доклада; оценка выполнения учебно-

	исследовательской работы
владеть навыками использования готовых компьютерных программ при решении задач	Оценка результатов выполненного задания – решения задач; оценка выполнения учебно-исследовательской работы
нахождение и оценивание вероятности наступления событий в простейших практических ситуациях	Оценка результатов выполненного задания – решения задач; оценка результатов выполнения практических заданий; оценка защиты доклада; оценка выполнения учебно-исследовательской работы
Знания:	
представления об основных понятиях математического анализа и их свойствах	Оценка результатов выполненного задания – решения задач; оценка результатов выполнения практических заданий; оценка защиты доклада; оценка выполнения учебно-исследовательской работы; оценка выполнения контрольной работы
характеристики поведения функций, использование полученных знаний для описания и анализа реальных зависимостей	Оценка результатов выполненного задания – решения задач; оценка результатов выполнения практических заданий; оценка защиты доклада; оценка выполнения учебно-исследовательской работы
представления о процессах и явлениях, имеющих вероятностный характер, статистических закономерностях в реальном мире	Оценка результатов выполненного задания – решения задач; оценка результатов выполнения практических заданий; оценка защиты доклада; оценка выполнения учебно-исследовательской работы
основные понятия элементарной теории вероятностей и основные характеристики случайных величин.	Оценка результатов выполненного задания – решения задач; оценка результатов выполнения практических заданий; оценка защиты доклада; оценка выполнения учебно-исследовательской работы

5. ХАРАКТЕРИСТИКА ОСНОВНЫХ ВИДОВ ДЕЯТЕЛЬНОСТИ СТУДЕНТОВ

Содержание обучения	Характеристика основных видов учебной деятельности студентов (на уровне учебных действий)
Введение	Ознакомление с ролью математики в науке, технике, экономике, информационных технологиях и практической деятельности. Ознакомление с целями и задачами изучения математики при освоении профессий СПО и специальностей СПО
Алгебра	
Развитие понятия о числе	Выполнение арифметических действий над числами, сочетая устные и письменные приемы. Нахождение приближенных значений величин и погрешностей вычислений (абсолютной и относительной); сравнение числовых выражений. Нахождение ошибок в преобразованиях и вычислениях (относится ко всем пунктам программы)
Корни, степени, логарифмы	Ознакомление с понятием корня n -й степени, свойствами радикалов и правилами сравнения корней. Формулирование определения корня и свойств корней. Вычисление и сравнение корней, выполнение прикидки значения корня. Преобразование числовых и буквенных выражений, содержащих радикалы. Выполнение расчетов по формулам, содержащим радикалы, осуществляя необходимые подстановки и преобразования. Определение равносильности выражений с радикалами. Решение иррациональных уравнений. Ознакомление с понятием степени с действительным показателем. Нахождение значений степени, используя при необходимости инструментальные средства. Записывание корня n -й степени в виде степени с дробным показателем и наоборот. Формулирование свойств степеней. Вычисление степеней с рациональным показателем, выполнение прикидки значения степени, сравнение степеней. Преобразование числовых и буквенных выражений, содержащих степени, применяя свойства. Решение показательных уравнений. Ознакомление с применением корней и степеней при вычислении средних, делении отрезка в «золотом сечении». Решение прикладных задач на сложные проценты
Преобразование алгебраических выражений	Выполнение преобразований выражений, применение формул, связанных со свойствами степеней и логарифмов. Определение области допустимых значений логарифмического выражения. Решение логарифмических уравнений
ОСНОВЫ ТРИГОНОМЕТРИИ	
Основные понятия	Изучение радианного метода измерения углов вращения и их связи с градусной мерой. Изображение углов вращения на окружности, соотнесение величины угла с его расположением. Формулирование определений тригонометрических функций для углов поворота и острых углов прямоугольного треугольника и объяснение их взаимосвязи
Основные тригонометрические тождества	Применение основных тригонометрических тождеств для вычисления значений тригонометрических функций по одной из них
Преобразования простейших тригонометрических выражений	Изучение основных формул тригонометрии: формулы сложения, удвоения, преобразования суммы тригонометрических функций в произведение и произведения в сумму и применение при вычислении значения тригонометрического выражения и упрощения его. Ознакомление со свойствами симметрии точек на единичной окружности и применение их для вывода формул приведения
Простейшие тригонометрические уравнения и не-	Решение по формулам и тригонометрическому кругу простейших тригонометрических уравнений. Применение общих методов ре-

равенства	шения уравнений (приведение к линейному, квадратному, метод разложения на множители, замены переменной) при решении тригонометрических уравнений. Умение отмечать на круге решения простейших тригонометрических неравенств
Арксинус, арккосинус, арктангенс числа	Ознакомление с понятием обратных тригонометрических функций. Изучение определений арксинуса, арккосинуса, арктангенса числа, формулирование их, изображение на единичной окружности, применение при решении уравнений
ФУНКЦИИ, ИХ СВОЙСТВА И ГРАФИКИ	
Функции. Понятие о непрерывности функции	Ознакомление с понятием переменной, примерами зависимостей между переменными. Ознакомление с понятием графика, определение принадлежности точки графику функции. Определение по формуле простейшей зависимости, вида ее графика. Выражение по формуле одной переменной через другие. Ознакомление с определением функции, формулирование его. Нахождение области определения и области значений функции
Свойства функции. Графическая интерпретация. Примеры функциональных зависимостей в реальных процессах и явления	Ознакомление с примерами функциональных зависимостей в реальных процессах из смежных дисциплин. Ознакомление с доказательными рассуждениями некоторых свойств линейной и квадратичной функций, проведение исследования линейной, кусочно-линейной, дробно-линейной и квадратичной функций, построение их графиков. Построение и чтение графиков функций. Исследование функции. Составление видов функций по данному условию, решение задач на экстремум. Выполнение преобразований графика функции
Обратные функции	Изучение понятия обратной функции, определение вида и построение графика обратной функции, нахождение ее области определения и области значений. Применение свойств функций при исследовании уравнений и решении задач на экстремум. Ознакомление с понятием сложной функции
Степенные, показательные, логарифмические и тригонометрические функции. Обратные тригонометрические функции	<p>Вычисление значений функций по значению аргумента. Определение положения точки на графике по ее координатам и наоборот. Использование свойств функций для сравнения значений степеней и логарифмов. Построение графиков степенных и логарифмических функций.</p> <p>Решение показательных и логарифмических уравнений и неравенств по известным алгоритмам. Ознакомление с понятием непрерывной периодической функции, формулирование свойств синуса и косинуса, построение их графиков. Ознакомление с понятием гармонических колебаний и примерами гармонических колебаний для описания процессов в физике и других областях знания. Ознакомление с понятием разрывной периодической функции, формулирование свойств тангенса и котангенса, построение их графиков. Применение свойств функций для сравнения значений тригонометрических функций, решения тригонометрических уравнений. Построение графиков обратных тригонометрических функций и определение по графикам их свойств. Выполнение преобразования графиков</p>
НАЧАЛА МАТЕМАТИЧЕСКОГО АНАЛИЗА	
Последовательности	Ознакомление с понятием числовой последовательности, способами ее задания, вычислениями ее членов. Ознакомление с понятием предела последовательности. Ознакомление с вычислением суммы бесконечного числового ряда на примере вычисления суммы бесконечно убывающей геометрической прогрессии. Решение задач на применение формулы суммы бесконечно убывающей геометрической прогрессии

Производная и ее применение	Ознакомление с понятием производной. Изучение и формулирование ее механического и геометрического смысла, изучение алгоритма вычисления производной на примере вычисления мгновенной скорости и углового коэффициента касательной. Составление уравнения касательной в общем виде. Усвоение правил дифференцирования, таблицы производных элементарных функций, применение для дифференцирования функций, составления уравнения касательной. Изучение теорем о связи свойств функции и производной, формулировка их. Проведение с помощью производной исследования функции, заданной формулой. Установление связи свойств функции и производной по их графикам. Применение производной для решения задач на нахождение наибольшего, наименьшего значения и на нахождение экстремума
Первообразная и интеграл	Ознакомление с понятием интеграла и первообразной. Изучение правила вычисления первообразной и теоремы Ньютона—Лейбница. Решение задач на связь первообразной и ее производной, вычисление первообразной для данной функции. Решение задач на применение интеграла для вычисления физических величин и площадей
УРАВНЕНИЯ И НЕРАВЕНСТВА	
Уравнения и системы уравнений Неравенства и системы неравенств с двумя переменными	Ознакомление с простейшими сведениями о корнях алгебраических уравнений, понятиями исследования уравнений и систем уравнений. Изучение теории равносильности уравнений и ее применения. Повторение записи решения стандартных уравнений, приемов преобразования уравнений для сведения к стандартному уравнению. Решение рациональных, иррациональных, показательных и тригонометрических уравнений и систем. Использование свойств и графиков функций для решения уравнений. Повторение основных приемов решения систем. Решение уравнений с применением всех приемов (разложения на множители, введения новых неизвестных, подстановки, графического метода). Решение систем уравнений с применением различных способов. Ознакомление с общими вопросами решения неравенств и использование свойств и графиков функций при решении неравенств. Решение неравенств и систем неравенств с применением различных способов. Применение математических методов для решения содержательных задач из различных областей науки и практики. Интерпретирование результатов с учетом реальных ограничений
ЭЛЕМЕНТЫ КОМБИНАТОРИКИ, ТЕОРИИ ВЕРОЯТНОСТЕЙ И СТАТИСТИКИ	
Основные понятия комбинаторики	Изучение правила комбинаторики и применение при решении комбинаторных задач. Решение комбинаторных задач методом перебора и по правилу умножения. Ознакомление с понятиями комбинаторики: размещениями, сочетаниями, перестановками и формулами для их вычисления. Объяснение и применение формул для вычисления размещений, перестановок и сочетаний при решении задач. Ознакомление с биномом Ньютона и треугольником Паскаля. Решение практических задач с использованием понятий и правил комбинаторики
Элементы теории вероятностей	Изучение классического определения вероятности, свойств вероятности, теоремы о сумме вероятностей. Рассмотрение примеров вычисления вероятностей. Решение задач на вычисление вероятностей событий
Представление данных (таблицы, диаграммы, графики)	Ознакомление с представлением числовых данных и их характеристиками. Решение практических задач на обработку числовых данных, вычисление их характеристик
ГЕОМЕТРИЯ	

<p>Прямые и плоскости в пространстве</p>	<p>Формулировка и приведение доказательств признаков взаимного расположения прямых и плоскостей. Распознавание на чертежах и моделях различных случаев взаимного расположения прямых и плоскостей, аргументирование своих суждений. Формулирование определений, признаков и свойств параллельных и перпендикулярных плоскостей, двугранных и линейных углов. Выполнение построения углов между прямыми, прямой и плоскостью, между плоскостями по описанию и распознавание их на моделях. Применение признаков и свойств расположения прямых и плоскостей при решении задач. Изображение на рисунках и конструирование на моделях перпендикуляров и наклонных к плоскости, прямых, параллельных плоскостей, углов между прямой и плоскостью и обоснование построения. Решение задач на вычисление геометрических величин. Описывание расстояния от точки до плоскости, от прямой до плоскости, между плоскостями, между скрещивающимися прямыми, между произвольными фигурами в пространстве. Формулирование и доказывание основных теорем о расстояниях (теорем существования, свойства). Изображение на чертежах и моделях расстояния и обоснование своих суждений. Определение и вычисление расстояний в пространстве. Применение формул и теорем планиметрии для решения задач. Ознакомление с понятием параллельного проектирования и его свойствами. Формулирование теоремы о площади ортогональной проекции многоугольника. Применение теории для обоснования построений и вычислений. Аргументирование своих суждений о взаимном расположении пространственных фигур.</p>
<p>Многогранники</p>	<p>Описание и характеристика различных видов многогранников, перечисление их элементов и свойств. Изображение многогранников и выполнение построения на изображениях и моделях многогранников. Вычисление линейных элементов и углов в пространственных конфигурациях, аргументирование своих суждений. Характеристика и изображение сечения, развертки многогранников, вычисление площадей поверхностей. Построение простейших сечений куба, призмы, пирамиды. Применение фактов и сведений из планиметрии. Ознакомление с видами симметрий в пространстве, формулирование определений и свойств. Характеристика симметрии тел вращения и многогранников. Применение свойств симметрии при решении задач. Использование приобретенных знаний для исследования и моделирования несложных задач. Изображение основных многогранников и выполнение рисунков по условиям задач</p>
<p>Тела и поверхности вращения</p>	<p>Ознакомление с видами тел вращения, формулирование их определений и свойств. Формулирование теорем о сечении шара плоскостью и плоскости, касательной к сфере. Характеристика и изображение тел вращения, их развертки, сечения. Решение задач на построение сечений, вычисление длин, расстояний, углов, площадей. Проведение доказательных рассуждений при решении задач. Применение свойств симметрии при решении задач на тела вращения, комбинацию тел. Изображение основных круглых тел и выполнение рисунка по условию задачи</p>
<p>Измерения в геометрии</p>	<p>Ознакомление с понятиями площади и объема, аксиомами и свойствами. Решение задач на вычисление площадей плоских фигур с применением соответствующих формул и фактов из планиметрии. Изучение теорем о вычислении объемов пространственных тел, решение задач на применение формул вычисления объемов. Изучение формул для вычисления площадей поверхностей многогранников и тел вращения. Ознакомление с методом вычисления площади</p>

	поверхности сферы. Решение задач на вычисление площадей поверхности пространственных тел
Координаты и векторы	<p>Ознакомление с понятием вектора. Изучение декартовой системы координат в пространстве, построение по заданным координатам точек и плоскостей, нахождение координат точек. Нахождение уравнений окружности, сферы, плоскости. Вычисление расстояний между точками. Изучение свойств векторных величин, правил разложения векторов в трехмерном пространстве, правил нахождения координат вектора в пространстве, правил действий с векторами, заданными координатами. Применение теории при решении задач на действия с векторами. Изучение скалярного произведения векторов, векторного уравнения прямой и плоскости. Применение теории при решении задач на действия с векторами, координатный метод, применение векторов для вычисления величин углов и расстояний. Ознакомление с доказательствами теорем стереометрии о взаимном расположении прямых и плоскостей с использованием векторов</p>